Soient Γ_{p}^{-} et $\Gamma_{p'}^{-}$ les deux caractéristiques issues de O' et de pentes égales respectivement à $-C_{p}$ et $-C_{p'}$. Il est commode de raisonner sur le quadrilatère curviligne infinitésimal A B C D délimité par ces deux courbes et deux autres caractéristiques Γ^{+}. Il lui correspond une image a b c d dans le plan des $p-u$ où les courbes caractéristiques qui portent les arcs a d et b c se déduisent l'une de l'autre par translation parallèle à Ωu (cf. Fig.).

Par conséquent :

$$\frac{\left[\Delta p\right]_{D}^{C}}{C_{p'}} = \frac{\left[\Delta p\right]_{A}^{B}}{C_{p}}$$

D'autre part, les arcs $\widehat{AD}$ et $\widehat{BC}$ appartiennent approximativement à des hyperboles équilatères centrées en O' puisque rayon vecteur O'M et tangente doivent admettre les axes de coordonnées comme directions bissectrices. Il en résulte que :

$$\frac{\left[\Delta x\right]_{D}^{C}}{\sqrt{C_{p'}}} = \frac{\left[\Delta x\right]_{A}^{B}}{\sqrt{C_{p}}}$$

L'égalité (2) - p. 76 - se déduit des deux résultats précédents.